## 3 (Sem-3/CBCS) ECO-HC 3

## 2022

ECONOMICS
( Honours )
Paper : ECO-HC-3036

## (Statistical Methods for Economics )

Full Marks: 80
Time : 3 hours
The figures in the margin indicate full marks for the questions

Answer either in English or in Assamese

1. Answer any ten of the following as directed :

$$
1 \times 10=10
$$

তনত দিয়াবোবব যি কোনো দশটাব নির্দেশ অনুসবি উত্তব লিখা :
(a) State whether $\sigma$ (sigma) is a population parameter or statistic.
$\sigma$ (sigma) সমষ্টিগত প্রাচল নে প্রতিদশबজ বাক্ত কবা।
(b) What is coefficient of variation? প্রসবণব সহগ কি?
(c) Define equally likely cases. সমসস্তারনা ঘটনাব সং্্ঞ দিয়া।
(d) If $A$ and $B$ are two independent events, $P(A \cup B)=P(A)+P(B)-P(A \cap B)$.
(Write True or False)
यदि $A$ आब $B$ দুটা স্বতत্ᅮ ঘটना रয়, তেनেহ'লে $P(A \cup B)=P(A)+P(B)-P(A \cap B)$.
(শুদ্ধ नে অশুদ্ধ লিখা)
(e) What is meant by probability distribution of a random variable?
যাদৃচ্ছিক চলক সন্ভাব্রিতা বন্টন বুলিতে কি বুজায় ?
(f) What is the difference between the variances of Binomial distribution and Poisson distribution?
দ্বিপদ আকু পয়ঁচ বন্ট্টব প্রসবণব পার্থক্য কি ?
(g) What is marginal probability distribution?
প্রান্তিক সম্ভাবিতা বট্টন কি ?
(h) Define purposive sampling

উদ্দেশ্যমৃলক প্রতিচয়ননব সংজ্ঞ দিয়া।
(i) Mention two methods of random sampling.
याদৃচ্ছিক প্রতিচয়নন দুটা পদ্ধতি উব্ল্লে কবা।
(j) If $r=0 \cdot 9$, interpret the result. यदि $r=0.9$ इয়, ইয়ाब দ্वाबा कि বুজाয়?
(k) What is the relation between mean, median and mode?
গড়, মধ্যমা आকু বহুলকব সম্পক কি ?
(l) Define conditional probability. চর্তসাপেক্ষ সম্ঠার্রিতাব সংজ্ঞা নিখা ।
(m) $E(X)=\frac{\sum f x}{N}$
(Write True or False)
$E(X)=\frac{\sum f x}{N}$
(শুদ্ধ নে অশুদ্ধ নিখা)
(n) Write the probability distribution function of Poisson distribution.

পয়চঁ বন্টনব সম্ভাবিতা বন্টন ফলনটো লিখা।
(o) If two values of a variable in a series are equal, how is the rank determined?

यদি এটা শ্রেণীব চলকব দুটা মান একে হয় তেনেহ'লে ইয়াব ক্রম কেনেদবে নির্ধাবণ কবা হয় ?
(p) What is scatter diagram?

প্রকীর্ণ চিত্র কি ?
(q) Define covariance.

সহপ্রসবণব সংজ্ঞা দিয়া ।
(r) Show that $E(c)=c$, where $c$ is a constant. দেখুওবা যে $E(c)=c$, য’ত $c$ হ’ল এটা ঞ্রুরক।
2. Answer any five of the following questions:
$2 \times 5=10$
তলব যি কোননা পাঁটটা প্রশ্নব উত্তব লিখা :
(a) Distinguish between arithmetic mean and harmonic mean.
গাণিতিক গড় আক্ হবাঞ্মক গড়ব মাজত পার্থক্য কি ?
(b) If the values of a variable of a series are multiplied by a constant, what will happen to standard deviation? यদি এটা চলকব মানবোব এটা ફ্হিব সংথ্যাবে পূবণ কবা যায়, মানক বিচনন কেনেদবে প্রভাবিত হয় ?
(c) Under what conditions binomial distribution tends to Poisson distribution? কোনবিলাক চর্তব आধাবত দ্বিপদ বন্টন পয়াঁ বন্টনไৈ Ћभান্তবিত হয় ?
(d) A card is drawn from a pack of well suffled pack of cards. What is the probability that it is either a king or a spade?
এটা তাচব পেকেটব পবা यদি এথন তাচপাত টना याয়,
 किमान ?
(e) Write two demerits of systematic sampling
পদ্ধতিগত প্রতিচয়নবব দুটা অসুবিধা লিখা।
(f) Distinguish between linear and non-linear correlation.

বৈथिক আঝু বক্র সহসম্বন্ধব মাজত পার্থক্য লিখা।
(g) If the first quartile $\left(Q_{1}\right)=30$ and third quartile $\left(Q_{3}\right)=35$, find coefficient of quartile deviation.

यদি প্রথম চতুর্থাংশ $\left(Q_{1}\right)=30$ आ<ু তৃতীয় চতুর্थাংশ $\left(Q_{3}\right)=35$ হয়, তেনেহ'নে চতুর্থাংশব সহগ উলিওবা ।
(h) Write two properties of Poisson distribution.

পয়চ বন্টনব দুটা ধর্ম লিখা।
(i) Mention two variables whose correlation coefficient is zero.

এনে দুটা চলক উল্লেখ কবা যাব সহসম্বন্ধব সহগ শূন্যব সমান।
(j) What is moment? घৃর্ণक कि?
3. Answer any four of the following questions
$5 \times 4=20$
তলব যি কোনো চাবিটা প্রশ্নব উত্তব লিখা :
(a) Show that standard deviation is independent of change of origin but not of scale.

দেখুওরা যে মানক বিচলন মৃল পবিবর্তনব পবা স্বতন্ত্র কিন্তু স্কেন পবিবর্তনব পবা স্বতন্ত্র নহয়।
(b) There are 3 economists, 4 engineers and 2 statisticians. If 3 persons are chosen at random for formation of a committee. What is the probability that in the committee there will be
(i) one from each profession;
(ii) 2 economists and 1 statistician;
(iii) all engineers? $2+2+1=5$

3 জन অर्थनीতিবিদ, 4 জन अडियন্তা आ<ু 2 জन পবিসংখ্যাবিদব পবা 3 জन नৈ এটা সমিতি গঠন কবা হ’ল। সমিতিত-
(i) প্রত্যেক পেশাব পবা এজন থকাব সম্ভাবিতা किমान ?
(ii) 2 জन অर्थनीতিবিদ आক্ এজন পবিসংখ্যাবিদ থকাব সস্তার্রিতা কিমান ?
(iii) 3 জনেই অडিयন্তা হোরাব সম্ভার্রিতা কিমান ?
(c) Prove that

$$
E(a X \pm b Y)=a E(X) \pm b E(Y)
$$

প্রমাণ কবা यে, $E(a X \pm b Y)=a E(X) \pm b E(Y)$.
(d) What is skewness? Determine Karl Pearson's skewness from the following:

| Size | $:$ | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| :--- | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| Frequency | $:$ | 12 | 8 | 20 | 7 | 13 |

তীর্यকতা কি? ওপবব তালিকাখনব পবা কার্ল পিয়ের্চনব তীর্যকতা উলিওরা।
(e) Describe briefly different steps involved in sample survey.
প্রতিদর্শ সমীক্ষাব সৈতে জড়িত বিভিন্ন পর্यায়সমূহ চমুকৈ বর্ণনা কবা।
(f) In a 5-match one-day international series involving India, two veteran batsmen made the following scores :

ভাবত অংশ লোব্রা এদিনীয়া আন্তঃবাষ্ট্রীয় শৃংখলাব ৫ খন খেলত দুই দক্ষ বেটচমেনে সংগ্রহ কবা বানবোব তলত দিয়া ধবণব :


Identify the better batsman and more consistent batsman in the series.

শৃংখলাটোত কোনজন বেটচৃম্মন বেছি ভাল আকু কোনজন বেটচ্রেন স্থিব চিনাক্ত কবা।
(g) Income of a group of 10000 persons were found to be normaily distributed with mean $₹ 520$ and standard deviation is $₹ 60$. Find-
(i) the number of persons having income between $₹ 400$ and $₹ 550$;
(ii) the lowest income of richest 500 .

For a standard normal variate $z$, the area under the curve between $z=0$ and $z=0.5$ is 0.1915 , the area between $z=0$ and $z=1.645$ is 0.4500 and the area between $t=0$ and $t=2$ is 0.47725 .
10000 মানুহ্ব आয় বিতনণ সাধাবণ বিতবণব आধাব৩ কবোঁতে গড় 520 টকা आ< घानक বিচলन 60 টকা পোরা যায়।
(i) কিমান সংখ্যক মানুহ্ব आয় 400 টকা आব 550 টকাব মাজত থাকে ?
(ii) সर्বাধিক আয় থকা 500 জनব ভিতবত आটাইতকে ক্ম आয় किমान জनब? $P(0 \leq z \leq 0.5)=0.1915$,

$$
P(0 \leq z \leq 1 \cdot 645)=0 \cdot 4500 \text { आ< }
$$

$$
P(0 \leq z \leq 2)=0.47725
$$

4. Answer any four of the following questions

$$
10 \times 4=40
$$

তলব যি কোন্না চাবিটা প্রশ্নব উত্তব লিখা :
(a) Why is arithmetic mean known as ideal average? State and prove the properties of arithmetic mean.
$2+8=10$
গাপিতিক গড়ক কিয় আদর্শ গড় বুলি কোরা হয়? গাণিতিক গড়ব বৈশিষ্ট্যসমূহ ব্যক্ত আবু প্রমাণ কबা।
(b) Show that $A M \geq G M \geq H M$. Calculate mean and standard deviation from the following table
$6+4=10$
দেখুওরা यে $\mathrm{AM} \geq \mathrm{GM} \geq \mathrm{HM}$. তলब তালিকাব পবা গড় জাক মানক বিচলন উলিওর্মা :
$\begin{array}{llllll}\mathrm{Cl} & : \quad 0-9 & 10-19 & 20-29 & 30-39\end{array}$
শ্রেণী অন্তबাन
Frequency : $25 \quad 39 \quad 23 \quad 14$ বাবংবাবতা
(c) State and prove addition theorem of probability when the cases are mutually exclusive. From a bag containing 4 white and 6 red balls, 3 balls are drawn at random.
(i) Find the expected number of white balls drawn.
(ii) Find the expectation of drawing at least 1 red ball.

$$
4+3+3=10
$$

সষ্তাবিতাব যোগব তত্ত্বটো বাক্ত আক প্রমাণ কবা যদি ঘটনা দুটা পাবস্পবিক বহির্ভূত হয়। এটা বেগত 4টা বগা আকু 6টা বঙা বল आছে। 3টা বল উঠোরা হ’ল।
(i) বগা বল পোবাব গাণিতিক প্রত্যাশা উनিওরা।
(ii) কমপক্ষেও 1টা বঙা বল পোবাব গানিতিক প্রত্যাশা উनিওরা।
(d) Derive the mean and variance of binomial distribution. On an average $2 \%$ of population in an area suffer from TB. What is the probability that out of 5 persons chosen at random from this area, at least 2 persons suffer from TB?
$6+4=10$
দ্বিপদ বিতবণব গড় आ<ু প্রসবণ উनিওমা। এখন ঠাইত গড় হিচাপে $2 \%$ মানুহব যস্মা হয়্। সেই ঠাইখনব পবা यमि 5 জन মানूহ याদৃচ्ছिকडाে বাছি बোबা एয়, তেনেহ'লে কমপক্ষেও 2 জन মানুহব यক্মা হোবাব সষ্ভার্রিতা কিমান ?
(e) Distinguish between sampling error and non-sampling error. "Sample survey is advantageous than complete enumeration." Explain. $5+5=10$ প্রতিচয়ন ত্রুটি আব অপ্রতিচয়ন ত্রুটিব মাজত পার্থক্য লিখা। "প্রতিদশ্শ সমীক্ষা সম্পৃণ গণনাতকৈ অধিক সুবিধাজনক।" ব্যাখ্যা কবা।
(f) Write short notes on stratified sampling and purposive sampling. $\quad 5+5=10$
স্তবীকৃত প্রতিচয়ন आব উদ্দেশ্যমমলक প্রতিচয়াनব ওপবত চমু টোকা লিখা।
(g) What are the underlying assumptions of Karl Pearson's correlation coefficient? Find Karl Pearson's correlation coefficient from the following :
কার্ল পिয়़চন্নব সহসम্বन্ধ সহগব অন্তর্নিহিত अडिभाবণाসমৃহ লिया। তलব তालिकाব পবা कान्न পিয়েচনব সহসম্বন্ধব সহগ উলিওরা :

$$
\begin{array}{lllllllll}
\begin{array}{l}
\text { Age of husband } \\
\text { प्वाমীব বয়স }
\end{array} & : & 23 & 30 & 35 & 28 & 41 & 45 & 53 \\
\text { Age of wife } & : & 21 & 23 & 28 & 27 & 35 & 34 & 43 \\
\text { 중ব বয়স }
\end{array}
$$

Interpret the result.
ফলাएन ব্যাখ্যা কবা।
(h) State and prove the properties of correlation coefficient.

সহসम্বন্ধব সহগব বৈশিষ্টাবোব ব্যক্ত আবু প্রমাণ কবা ।
(i) Explain the main properties of normal distribution.
সাধাবণ ব্ট্টনব মুথ্য বৈশিষ্ট্যসমৃহ আঢোচনা কবা।
(j) Show that in Poisson distribution, mean is equal to variance.
প্রমাণ কবা যে পয়ঁচ বন্টনব গড় আবু প্রসবণ সমান হয় ।

